

2016

STATISTICS

(General)

(Probability and Distribution)

Full Marks : 60

Time : 3 hours

*The figures in the margin indicate full marks
for the questions*

Answer either in English or in Assamese

- 1.** Answer the following as directed : $1 \times 7 = 7$

তলৰ প্ৰশ্নবোৰৰ নিৰ্দেশানুসাৰে উত্তৰ দিয়া :

- (a)** If A is a certain event, then

$$P(A) = ?$$

যদি A এটা নিশ্চিত ঘটনা হয়, তেন্তে

$$P(A) = ?$$

- (b)** Define mutually exclusive events.

পৰম্পৰাগতৰ ঘটনাৰ সংজ্ঞা দিয়া ।

- (c)** Under what condition

কি চৰ্ত সাপেক্ষে

$$P(A / B) = P(A) ?$$

- (d) When $p = q$, binomial distribution will be _____.

(Fill in the blank)

যেতিয়া $p = q$, দ্বিপদ বণ্টন _____ হয়।

(খালী ঠাই পূর্ণ করা)

- (e) For Poisson distribution, mean = standard deviation.

(Write True or False)

পয়ঁচ বণ্টনৰ বাবে, গড় = প্রামাণিক বিচলন।

(সত্য বা অসত্য লিখা)

- (f) If X and Y are two independent random variables, then

$$\text{covariance}(X, Y) = ?$$

যদি X আৰু Y দুটা স্বতন্ত্র যাদৃচিক চলক হয়, তেন্তে

$$\text{covariance}(X, Y) = ?$$

- (g) Under what conditions binomial distribution tends to normal distribution?

কি চৰ্ত সাপেক্ষে দ্বিপদ বণ্টন প্ৰসামান্য বণ্টনৰ কাষ চাপে?

2. Answer the following questions : $2 \times 4 = 8$
তলৰ প্ৰশ্নৰেব উত্তৰ দিয়া :

- (a) Give the mathematical definition of probability.

সন্তুষ্টিৰ গাণিতিক সংজ্ঞা দিয়া।

- (b) Prove that

$$E(X^2) \geq (E(X))^2$$

where X is a random variable.

প্ৰমাণ কৰা যে

$$E(X^2) \geq (E(X))^2$$

য'ত X এটা যাদৃচিক চলক।

- (c) State any two characteristics of Poisson distribution.

পয়ঁচ বণ্টনৰ যি কোনো দুটা ধৰ্ম উল্লেখ কৰা।

- (d) State Chebyshev's lemma.

চেৰাইচেফ প্ৰমেয়িকা উল্লেখ কৰা।

3. Answer any three questions :

$5 \times 3 = 15$

যি কোনো তিনিটা প্ৰশ্নৰ উত্তৰ দিয়া :

- (a) For any two events A and B , prove that

A আৰু B দুটা যি কোনো ঘটনাৰ বাবে, প্ৰমাণ কৰা যে

$$P(AB) \leq P(A) \leq P(A + B) \leq P(A) + P(B)$$

(4)

- (b) State and prove addition theorem of mathematical expectation.

গাণিতিক প্রত্যাশাৰ যোগৰ উপপাদ্য উল্লেখ কৰি প্ৰমাণ কৰা।

- (c) Establish the relationship between μ_r and μ'_r . Also find μ_4 in terms of raw moments.

μ_r আৰু μ'_r মাজত সম্পর্ক উপস্থাপন কৰা। μ_4 ৰ মান বৈছে ঘূৰ্ণকৰ সহায়ত নিৰ্ণয় কৰা।

- (d) Define Bernoulli's trials and derive binomial distribution.

বাবনুলি অভিপ্ৰয়োগৰ সংজ্ঞা দিয়া আৰু হিপৰি বণ্টন নিৰ্ণয় কৰা।

- (e) Explain central limit theorem and give an example.

কেন্দ্ৰীকৃত সীমাৰ উপপাদ্য ব্যাখ্যা কৰা আৰু এটা উদাহৰণ দিয়া।

4. Answer any three questions :

$10 \times 3 = 30$

যি কোনো তিনিটা প্ৰশ্নৰ উত্তৰ দিয়া :

- (a) If $P(A) = p_1$, $P(B) = p_2$ and $P(AB) = p_3$, then find

(5)

যদি $P(A) = p_1$, $P(B) = p_2$ আৰু $P(AB) = p_3$ হয়, তেন্তে উলিওৱা

$$(i) P(A + B)$$

$$(ii) P(A / B)$$

$$(iii) P(\bar{A}\bar{B})$$

$$(iv) P(A\bar{B})$$

$$(v) P(\bar{A}B)$$

$$(vi) P(\bar{A} / B)$$

$$(vii) P(\bar{B} / A)$$

- (b) (i) State and prove Bayes' theorem of probability.

সত্ত্বাবিতাৰ বেইজ'ৰ উপপাদ্য উল্লেখ কৰি প্ৰমাণ কৰা।

- (ii) Explain weak law of large numbers.

বৃহৎ সংখ্যাৰ দুৰ্বল নিয়মৰ ব্যাখ্যা কৰা।

- (c) The distribution of a random variable X is given by :

যাদৃচ্ছিক চলক X ৰ বণ্টনটো তলত উল্লেখ কৰা হ'ল :

X	:	-3	-2	-1	0	1	2	3
$P(X = x)$:	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$	C	0	$2C$	$2C$	$\frac{1}{8}$

(6)

Find (উলিওৱা)

- (i) C
- (ii) $E(X)$
- (iii) $V(X)$
- (iv) $E(2X + 5)$
- (v) $V(2X + 5)$
- (vi) $P(X \leq -2)$
- (vii) $P(X \geq 2)$

- (d) (i) For a binomial distribution, mean = 10 and variance = 8. Find n , p , q and $P(0 < X < 2)$, $P(0 < X < 1)$.

এটা দ্বিপদ বণ্টনৰ বাবে গড় = 10 আৰু প্ৰসৰণ = 8 হলে, n , p , q আৰু $P(0 < X < 2)$, $P(0 < X < 1)$ ৰ মান উলিওৱা।

- (ii) Under what conditions binomial distribution tends to Poisson distribution? Find the variance of Poisson distribution.

কি চৰ্ত সাপেক্ষে দ্বিপদ বণ্টন, পয়ঁচ বণ্টনৰ কাৰ চাপে ? পয়ঁচ বণ্টনৰ প্ৰসৰণ উলিওৱা।

5

5

(7)

- (e) (i) Write the probability density function of normal distribution and state its characteristics. $2+4=6$

প্ৰসামান্য বণ্টনৰ সম্পৰিক্ষিতাৰ ঘনত্ব ফলন লিখা আৰু
ইয়াৰ লক্ষণসমূহ উল্লেখ কৰা।

- (ii) If $X \sim N(\mu = 30, \sigma = 2)$,
 $Y \sim N(\mu = 50, \sigma = 5)$
then find the distribution of
 $U = X + 2Y$ and $V = 2X + 5Y$ where X
and Y are independent variables.

 $2+2=4$

যদি $X \sim N(\mu = 30, \sigma = 2)$,
 $Y \sim N(\mu = 50, \sigma = 5)$

তেন্তে $U = X + 2Y$ আৰু $V = 2X + 5Y$
বণ্টনটো নিৰ্ণয় কৰা য'ত X আৰু Y দুটা স্বতন্ত্ৰ
চলক।

★ ★ ★