2017

STATISTICS

(General)

Full Marks: 60

Time: 3 hours

The figures in the margin indicate full marks for the questions

Answer either in English or in Assamese

following

questions

as

the

dire	cted: 1×7=7
তলত	দিয়া প্ৰশ্নবোৰৰ নিৰ্দেশানুযায়ী উত্তৰ দিয়া :
(a)	Mailed questionnaire method cannot be used when the informants are
•	(Fill in the blank)
	প্ৰশ্নাৱলীৰ তালিকা পদ্ধতি ব্যৱহাৰ কৰিব নোৱাৰি
	যেতিয়া সংশ্লিষ্ট ব্যক্তিসমূহ হয়।
	(খালী ঠাই পূৰণ কৰা)
<i>a</i> .	

- (b) Mean deviation is least when measured about median. (State true or false) মধ্যমাৰ পৰা জোখা গড় বিচলন আটাইতকৈ সৰু হয়। (সত্য/অসত্য লিখা)
- (c) What is relative frequency? আপেক্ষিক বাৰংবাৰতা কি ?

1. Answer

(đ)	Fisher's index number is the o	of
	Laspeyre's and Paasche's indices.	
		_

(Fill in the blank) ফিচাৰৰ সৃচকাংক লাচপেয়াৰ আৰু পাঁচেৰ সূচকাংকৰ ____ । (খালী ঠাই পূৰণ কৰা)

- (e) What is the relationship among mean, median and mode of a symmetrical distribution?
 এটা সমমিত বন্টনৰ মাধ্য, মধ্যমা আৰু বহুলকৰ মাজৰ সম্পৰ্কটো লিখা।
- (f) Under what assumption would you use Simpson's ¹/₃rd rule of integration? কি অভিধাৰনাৰ ভিত্তিত সংখ্যাত্মক অনুকলনৰ চিম্পচনৰ ¹/₃ সূত্ৰটো প্ৰয়োগ কৰিবা?
- (g) Using ogive, we can determine a particular measure of central tendency namely _____. (Fill in the blank) অজিভ'ৰ সহায়ত আমি কেন্দ্ৰীয় প্ৰবৃত্তি মাপৰ এটা নিৰ্দিষ্ট মাপ নিৰ্দ্ধাৰণ কৰিব পাৰো, প্ৰধানতঃ ____ । (খালী ঠাই পূৰণ কৰা)

2×4=8
তলৰ প্ৰশ্নবোৰৰ উত্তৰ নিখা

(a) Write down the differences between classification and tabulation of data.
তথ্যৰ বৰ্গীকৰণ আৰু সাৰ্ণীকৰণৰ মাজত থকা পাৰ্থক্যবোৰ লিখা।

(b) Prove that the sum of deviations of a set of observations from mean is zero.
প্ৰমাণ কৰা যে মাধ্যৰ পৰা চলকৰ মানবিলাকৰ অন্তৰৰ যোগফল শূন্য।

- (c) If f(x) = (1-x)(1-2x)(1-3x), then find the value of $\Delta^3 f(x)$.

 যদি f(x) = (1-x)(1-2x)(1-3x) হয়, তেন্তে $\Delta^3 f(x)$ ৰ মান নিৰ্ণয় কৰা।
- (d) What are the limitations of index number?
 সচক সংখ্যাৰ সীমাবদ্ধতা কি কি ?
- 3. Answer any *three* of the following questions: $5\times3=15$

তলত দিয়া যি কোনো তিনিটা প্ৰশ্নৰ উত্তৰ লিখা :

- (a) Describe the different measures of central tendency. Mention the merits and demerits of arithmetic mean.
 কেন্দ্রীয় প্রবৃত্তিৰ বিভিন্ন মাপবোৰৰ বর্ণনা দিয়া। সমান্তৰ মাধ্যৰ গুণ আৰু ক্রটিবোৰ উল্লেখ কৰা।
- (b) Define index numbers. Describe the price relative method of construction of an index number.

 সূচকাংকৰ সংজ্ঞা দিয়া। সূচকাংক গঠনৰ মূল্যানুপাত পদ্ধতিটো বৰ্ণনা কৰা।

8A/334

(Continued)

(Turn Over)

5

- (c) (i) Show that the standard deviation is independent of change of origin but not of scale.

 দেখুওৱা যে মানক বিচলন মূলবিন্দুৰ পৰিবৰ্তনৰ ওপৰত নিৰ্ভৰশীল নহয় কিন্তু জোখৰ মাপৰ পৰিবৰ্তনৰ ওপৰত নিৰ্ভৰশীল।
 - (ii) Calculate the median from the following data:
 তলৰ তথ্যৰ পৰা মধ্যমা নিৰ্ণয় কৰা:
 57, 58, 61, 42, 38, 65, 72, 66
- (d) Derive Newton's forward interpolation formula. 5
 নিউটনৰ অগ্ৰৱতী অন্তৰ্বেশনৰ সূত্ৰটো নিৰ্ণয় কৰা।
- (e) Write short notes on : 3+2=5
 চমু টোকা লিখা :
 - (i) Questionnaire and schedule প্ৰশ্নপত্ৰ আৰু অনুসূচী
 - (ii) Coefficient of variation বিচৰন গুণাংক
- 4. Answer any three questions : 10×3=30 থি কোনো তিনিটা প্ৰশ্নৰ উত্তৰ লিখা :
 - (a) (i) What do you mean by cumulative frequency distribution? What are its different types? 1+1=2 সঞ্জী বাৰংবাৰতা বন্টন বুলিলে কি বুজা? ইয়াৰ প্রকাৰসমূহ কি কি?

(ii) Define moments. Show that $\mu_3 = \mu_3' - 3\mu_2' \mu_1' + 2{\mu_1'}^3$ in usual symbols. 5 ঘূৰ্ণকৰ সংজ্ঞা লিখা। সচৰাচৰ ব্যৱহৃত প্ৰতীকেৰে দেখুওৱা যে

 $\mu_3 = \mu_3' - 3\mu_2'\mu_1' + 2\mu_1'^3$

- (iii) Which measure is considered to be the best measure of central tendency? How will you calculate median of a grouped frequency distribution? 1+2=3 কেন্দ্রীয় প্রবৃত্তিৰ আটাইতকৈ উৎকৃষ্ট মাপটো কি? শ্রেণী বিভাজিত বাৰংবাৰতা বন্টন এটাৰ মধ্যমা কিদৰে নিৰূপণ কৰিবা?
- (b) (i) Find the value of $\Delta^n(e^{ax+b})$. 2 $\Delta^n(e^{ax+b})$ ৰ মান নিৰ্ণয় কৰা ।
 - (ii) Find the (n+1)th difference of a polynomial of degree n.

 n ঘাতযুক্ত বহুপদ এটাৰ (n+1)তম অন্তৰ উলিওবা।
 - (iii) Given f(0) = 1, f(1) + f(2) = 10 and f(3) + f(4) + f(5) = 65. Find f(4). দিয়া আছে f(0) = 1, f(1) + f(2) = 10 আৰু f(3) + f(4) + f(5) = 65. f(4)ৰ মান উলিওৱা।

4

- (c) (i) Write short notes on time reversal test and factor reversal test. Name the formula which satisfies both the tests. 4+1=5
 সময় উৎক্ৰমন পৰীক্ষা আৰু উপাদান উৎক্ৰমন পৰীক্ষাৰ ওপৰত চমু টোকা লিখা। দুয়োটা পৰীক্ষা দিদ্ধ কৰা সূত্ৰটোৰ নাম লিখা।
 - (ii) With the help of the following data, show that Fisher's index number is ideal :
 তলৰ তথ্যৰ সহায়ত দেখুওৱা যে ফিচাৰৰ সূচকাংক আদৰ্শ সূচকাংক :

Commodity দ্ৰব্য	Base Year ভিত্তি বর্ধ		Current Year চদিত বর্ধ	
	<i>Price</i> মূল্য	Quantity পৰিমান	Price मृना	Quantity পৰিমান
A	15	8	25	12
В	10	7	12	15
c	8	5	17 ·	7
D	20	16	23	8

(d) (i) Estimate u_2 from the following table : 2 তলত দিয়া তালিকাখনৰ পৰা u_2 আকলন কৰা :

(ii) State Lagrange's interpolation formula. With the help of this formula, prove that

 $u_1 = u_3 - 0 \cdot 3(u_5 - u_{-3}) + 0 \cdot 2(u_{-3} - u_{-5})$ লাগ্ৰাঞ্জৰ অন্তৰ্বেশন সূত্ৰটো লিখা আৰু এই সূত্ৰটোৰ সহায়ত প্ৰমাণ কৰা যে

 $u_1 = u_3 - 0.3(u_5 - u_{-3}) + 0.2(u_{-3} - u_{-5})$

(iii) Prepare a divided difference table for the following data and then find the value of f (6).

তলৰ তথ্যৰ পৰা এখনি হ্ৰাত্মক অন্তৰ তালিকা প্ৰস্তুত কৰা আৰু তাৰ পৰা f (6)ৰ মান উলিওৱা।

x: 3 7 9 10 f(x): 168 120 72 63

- (e) (i) What is numerical integration?
 Obtain the general quadrature formula.
 1+4=5
 সংখ্যাত্মক অনুকলন কি? সংখ্যাত্মক অনুকলনৰ সাধাৰণ বৰ্গীকৰণ সূত্ৰটো উলিওৱা।
 - (ii) If $u_x = a + bx + cx^2$, show that $\int_1^3 u_x dx = 2u_2 + \frac{1}{12}(u_0 2u_2 + u_4) \qquad 3$ যদি $u_x = a + bx + cx^2$ হয়, তেন্তে দেখুওৱা যে $\int_1^3 u_x dx = 2u_2 + \frac{1}{12}(u_0 2u_2 + u_4)$

5

(iii) Prove that for any two values $(AM)(HM) = (GM)^2$

2

যি কোনো দুটা সংখ্যাৰ বাবে প্রমাণ কৰা যে $(AM)(HM) = (GM)^2$

(f) (i) By using Newton-Raphson method, find the root of $x^2 - 5x + 2 = 0$ (correct up to three decimal places). 5 নিউটন-ৰাফচনৰ পদ্ধতি প্ৰয়োগ কৰি $x^2 - 5x + 2 = 0$ ৰ মূল উলিওৱা (দশমিকৰ তিনি সংখ্যালৈকে)।

(ii) Write down the Simpson's $\frac{3}{8}$ th rule and find the value of the following integration by numerical integration: 1+4=5

$$\int_0^6 \frac{1}{1+x} dx$$

চিম্পচনৰ ৰ অংশ নিয়মটো লিখা আৰু সংখ্যাত্মক অনুকলনৰ সহায়ত তলৰ সমাকলটোৰ মান উলিওৱা:

$$\int_0^6 \frac{1}{1+x} dx$$
